

POLINOAME

Forma algebrică a unui polinom	$f = a_n X^n + a_{n-1} X^{n-1} + \dots + a_1 X + a_0 \in K[X]$ $K[X] = \text{mulțimea polinoamelor cu coeficienți în corpul } K$
Suma coeficienților unui polinom	Suma coeficienților polinomului $f = (a_n + a_{n-1} + \dots + a_1 + a_0) = f(1)$
Gradul unui polinom	$\text{grad } f = \text{cel mai mare exponent al lui } X$
Polinoame particulare	Polinomul constant: $f = c, c \in K^*$ Gradul polinomului constant = 0
	Polinomul nul: $f = 0$ Gradul polinomului constant = $-\infty$ Un polinom devine polinom nul dacă toți coeficienții polinomului sunt 0.
Teorema împărțirii cu rest	$f = g \cdot c + r, \quad \text{grad } r < \text{grad } g$ $f = \text{deîmpărțit}$ $g = \text{împărțitor}$ $c = \text{cât}$ $r = \text{rest}$
Teorema restului	$f: (X - a) \Rightarrow r = f(a)$
Divizibilitatea polinoamelor	$f : g \Leftrightarrow r = 0$
	$f : (X - a) \Leftrightarrow f(a) = 0$
	$f : (g \cdot h) \Leftrightarrow f : g \text{ și } f : h$
Rădăcini ale polinoamelor	$x = a \text{ rădăcină} \Leftrightarrow f(a) = 0$
	$x = a \text{ rădăcină} \Leftrightarrow f : (X - a) \text{ (Th. Bezout)}$
	$x = a \text{ rădăcină dublă} \Leftrightarrow f : (X - a)^2$ $x = a \text{ rădăcină dublă} \Leftrightarrow f(a) = 0 \text{ și } f'(a) = 0$
Polinoame ireductibile	$f \in K[X]$ este polinom <i>reductibil</i> peste corpul K dacă $\exists g, h \in K[X], \text{grad } g \geq 1 \text{ și } \text{grad } h \geq 1 \text{ a.î. } f = g \cdot h.$ $f \in K[X], \text{grad } g \geq 1$ este polinom <i>ireductibil</i> peste corpul K dacă f nu este reductibil peste K .
Descompunerea polinoamelor în factori ireductibili	$f \in \mathbb{C}[X], f = a_n X^n + a_{n-1} X^{n-1} + \dots + a_1 X + a_0;$ $x_1, \dots, x_n \in \mathbb{C} \text{ rădăcinile polinomului}$ $f = a_n (X - x_1)(X - x_2) \dots (X - x_n)$