

Subiectul I.4

METODE DE NUMĂRARE

$n! = 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot n, n \in \mathbb{N}$ $n!$ se citește „ <i>n factorial</i> ” $0! = 1$
Permutări = numără câte mulțimi ordonate se pot forma cu n elemente distincte
$P_n = n!$
Aranjamente = numără câte submulțimi ordonate de k elemente se pot forma cu n elemente distincte
$A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}, 0 \leq k \leq n, k, n \in \mathbb{N}$
Combinări = numără câte submulțimi de k elemente se pot forma cu n elemente distincte
$C_n^k = \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!}, 0 \leq k \leq n, k, n \in \mathbb{N}$

Binomul lui Newton	
$(a + b)^n = C_n^0 \cdot a^n + C_n^1 \cdot a^{n-1} \cdot b + C_n^2 \cdot a^{n-2} \cdot b^2 + \dots + C_n^{n-1} \cdot a \cdot b^{n-1} + C_n^n \cdot b^n$ $C_n^0, C_n^1, C_n^2, \dots, C_n^n = \text{coeficienți binomiali}$	
Formula termenului general	
$T_{k+1} = C_n^k \cdot a^{n-k} \cdot b^k, 0 \leq k \leq n, k, n \in \mathbb{N}$	
Suma coeficienților binomiali	
$C_n^0 + C_n^1 + C_n^2 + \dots + C_n^n = 2^n$	
Suma coeficienților binomiali de rang par	Suma coeficienților binomiali de rang impar
$C_n^0 + C_n^2 + C_n^4 + \dots = 2^{n-1}$	$C_n^1 + C_n^3 + C_n^5 + \dots = 2^{n-1}$

Formule de numărare
Numărul submulțimilor unei mulțimi cu n elemente este 2^n
Numărul funcțiilor $f: A \rightarrow B$ este $\text{card } B^{\text{card } A}$
Numărul funcțiilor bijective $f: A \rightarrow A$ este $(\text{card } A)!$
Ne amintim! $\text{Card } A$ = numărul de elemente al mulțimii A

PROBABILITĂȚI

$P = \frac{\text{nr. cazurilor favorabile}}{\text{nr. cazurilor posibile}}$
