

Subiectul II.2

LEGI DE COMPOZIȚIE PE O MULȚIME

Proprietățile legilor de compoziție ($M \neq \emptyset$)	
Parte stabilă	$x \circ y \in M, \forall x, y \in M$
Asociativitate	$(x \circ y) \circ z = x \circ (y \circ z), \forall x, y, z \in M$
Comutativitate	$x \circ y = y \circ x, \forall x, y \in M$
Element neutru	$\exists e \in M$ a.î. $x \circ e = e \circ x = x, \forall x \in M$
Elemente simetrizabile	$x \in M$ element simetrizabil dacă $\exists x' \in M$ a.î. $x \circ x' = x' \circ x = e$ x' = simetricul elementului x $\mathcal{U}(M)$ = mulțimea elementelor simetrizabile din M în raport cu legea „ \circ ”

Structuri algebrice	
Monoid	(M, \circ) monoid comutativ (abelian) dacă 1. M este parte stabilă în raport cu legea „ \circ ” 2. „ \circ ” este asociativă 3. „ \circ ” admite element neutru 4. „ \circ ” este comutativă
Grup	(G, \circ) grup comutativ (abelian) dacă 1. G este parte stabilă în raport cu legea „ \circ ” 2. „ \circ ” este asociativă 3. „ \circ ” admite element neutru 4. $\mathcal{U}(G) = G$ 5. „ \circ ” este comutativă
Inel	$(A, \circ, *)$ inel comutativ dacă 1. (A, \circ) este grup comutativ 2. $(A, *)$ este monoid comutativ 3. Distributivitatea operației „ $*$ ” față de „ \circ ” $D_s: x * (y \circ z) = (x * y) \circ (x * z), \forall x, y, z \in M$ $D_d: (x \circ y) * z = (x * z) \circ (y * z), \forall x, y, z \in M$
Corp	$(A, \circ, *)$ corp comutativ dacă 1. (A, \circ) este grup comutativ (e_\circ = element neutru) 2. $(A - \{e_\circ\}, *)$ este grup comutativ 3. Distributivitatea operației „ $*$ ” față de „ \circ ” $D_s: x * (y \circ z) = (x * y) \circ (x * z), \forall x, y, z \in M$ $D_d: (x \circ y) * z = (x * z) \circ (y * z), \forall x, y, z \in M$